На правах рукописи

an

Санников Андрей Валерьевич

ИССЛЕДОВАНИЕ АТОМНОЙ СТРУКТУРЫ МЕЖФАЗНЫХ ГРАНИЦ Ni-Al, Cu-Au, Ni-₇Fe И ПРОЦЕССОВ, ПРОТЕКАЮЩИХ ВБЛИЗИ НИХ НА АТОМНОМ УРОВНЕ В УСЛОВИЯХ РАЗЛИЧНЫХ ВНЕШНИХ ВОЗДЕЙСТВИЙ

Автореферат

диссертации на соискание ученой степени

кандидата физико-математических наук

Специальность 01.04.07 - физика конденсированного состояния

Работа выполнена в ФГБОУ ВПО

«Алтайский государственный технический университет им. И.И. Ползунова»

| Научный руководитель: | Полетаев Геннадий Михайлович, доктор физико-математических наук, профессор | | | | |
|------------------------|---|--|--|--|--|
| Официальные оппоненты: | Гафнер Юрий Яковлевич, доктор физико-математических наук, профессор, ФГБОУ ВПО «Хакасский государственный универ- ситет им. Н.Ф. Катанова», зав. кафедрой общей и экспериментальной физики; | | | | |
| | Рудер Давыд Давыдович, кандидат физико-математических наук, доцент, ФГБОУ ВПО «Алтайский государственный универ- ситет», доцент кафедры прикладной физики, элек- троники и информационной безопасности. | | | | |
| Ведущая организация: | ФГБУН «Институт проблем сверхпластичности РАН», г. Уфа | | | | |

Защита состоится « » 2015 г. в часов на заседании диссертационного совета Д 212.004.04 при Алтайском государственном техническом университете им. И.И. Ползунова по адресу: 656038, г. Барнаул, пр. Ленина, 46.

e-mail: veronika 65@mail.ru

С диссертацией можно ознакомиться в научной библиотеке Алтайского государственного технического университета им. И.И. Ползунова. http://www.altstu.ru/structure/unit/odia/scienceevent/2435/

Автореферат разослан « » апреля 2015 г.

Ученый секретарь диссертационного совета, кандидат физико-математических наук

Пини Романенко В.В.

Примечание: отзывы на автореферат, заверенные гербовой печатью организации, просим присылать в 2-х экз. на адрес университета и e-mail: veronika 65@mail.ru

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

Актуальность проблемы. Границы раздела в металлических материалах (границы зерен, межфазные границы) играют ключевую роль во многих процессах, определяют многие их физические свойства. Особенно это относится к поликристаллам с малым размером зерен, композиционным материалам и механическим смесям с малым размером фаз-компонентов, - в этих случаях относительно высоки доля границ раздела и их влияние на макроскопические свойства материала.

Диффузия в области межфазных границ играет ведущую роль при различных химических реакциях. В случае металлических материалов – это, например, реакция самораспространяющегося высокотемпературного синтеза (CBC), в результате которого получают интерметаллиды, обладающие, как правило, сравнительно высокой термостабильностью и жаростойкостью, что обуславливает их практическую значимость.

Диффузия вблизи границ раздела имеет высокое значение при решении вопросов создания объектов и приборов микроэлектроники и оптоэлектроники. Эти приборы основаны на применении многослойных тонкопленочных структур, а при температурах эксплуатации таких приборов толщина этих структур зачастую сравнима с путем диффузии [1]. Возможность продолжительной эксплуатации приборов микроэлектроники и оптоэлектроники в значительной мере зависит от стабильности их физических свойств и от стабильности образующих их тонкопленочных структур.

В настоящее время остается достаточно много нерешенных вопросов, связанных с атомной структурой межфазных границ и механизмами структурноэнергетических превращений с их участием на атомном уровне, в частности, с механизмами процессов диффузии, деформации, взаимодействия с различными дефектами.

Решение подобных вопросов с помощью реальных экспериментов в настоящее время затруднительно, поскольку для этого необходимы исследования динамики структуры на атомном уровне. В данном случае наиболее эффективным является применение метода компьютерного моделирования, который позволяет с достаточной точностью в рамках модели учитывать и контролировать параметры исследуемого явления, изучать в динамике процессы, протекающие на атомном уровне с использованием различных наглядных визуализаторов структуры. Данный метод является дополнением к известным экспериментальным и теоретическим методам исследования, зачастую выступая в роли связующего звена между ними.

Цель работы заключается в изучении с помощью метода молекулярной динамики атомной структуры межфазных границ Ni-Al, Cu-Au, Ni- γ Fe и процессов, протекающих вблизи них на атомном уровне в условиях различных внешних воздействий. Научная новизна диссертационной работы заключается в том, что впервые с помощью метода молекулярной динамики проведено исследование атомной структуры и диффузионной проницаемости межфазных границ Ni-Al, Cu-Au, Ni-γFe (100) и (111) при твердофазном контакте. Рассчитаны характеристики диффузии вдоль рассматриваемых границ. Определена роль дислокаций несоответствия в механизмах диффузии и пластической деформации вблизи межфазных границ. Выполнено исследование сорбционной способности рассматриваемых границ по отношению к точечным дефектам. Изучена способность межфазной границы Ni-Al (100) тормозить каскады атом-атомных соударений.

Достоверность результатов обеспечивается применением известных и апробированных методик: метод молекулярной динамики, методика определения параметров потенциалов межатомного взаимодействия.

Научная и практическая ценность работы состоит в том, что полученные результаты могут быть использованы для развития теоретических представлений о границах кристаллических фаз, теории диффузии и процессов с ней связанных вблизи межфазных границ, для создания математических моделей диффузии, учитывающих атомную структуру межфазных границ и механизм диффузии, обнаруженные в настоящей работе. Кроме того, результаты молекулярно-динамических исследований могут быть использованы в качестве демонстрационного материала для студентов физических и материаловедческих специальностей, на их базе возможно создание работ для лабораторного практикума.

На защиту выносятся следующие положения:

1. Структура сетки дислокаций несоответствия на полукогерентной межфазной границе определяет многие процессы, протекающие вблизи границы: диффузию, деформацию, взаимодействие с другими дефектами и т.д. В частности, миграция атомов в процессе диффузии происходит преимущественно вдоль ядер дислокаций несоответствия.

2. Энергия связи вакансий и межузельных атомов наибольшая с узлами сетки дислокаций несоответствия. Вблизи межфазной границы точечные дефекты стремятся мигрировать в ближайший узел дислокационной сетки.

3. Пластические сдвиги и разрушение кристаллической решетки вблизи межфазной границы инициируются вблизи ядер дислокаций несоответствия. В результате возникновения различных по величине напряжений в контактирующих фазах при одной и той же степени деформации возможна миграция части дислокаций несоответствия с границы в объем одной из фаз.

4. При исследовании взаимодействия каскада атом-атомных соударений с межфазной границей выяснено, что межфазная граница частично поглощает энергию каскада атом-атомных соударений. Степень поглощения энергии каскада межфазной границей повышается с ростом структурного несовершенства границы и плотности дислокаций несоответствия.

Апробация работы. Результаты работы доложены на международных и российских конференциях: VI Сессия Научного совета РАН по механике, Барнаул-Белокуриха (2012): Первая международная конференция «Развитие нанотехнологий: задачи международных и региональных научно-образовательных и научно-производственных центров», Барнаул (2012); Научные чтения им. И.А. Одинга «Механические свойства современных конструкционных материалов», Москва (2012); Всероссийская молодежная научная школа «Актуальные проблемы физики», Таганрог-Ростов-на-Дону (2012); Международная школасеминар «Ломоносовские чтения на Алтае - 2012». Барнаул (2012): IX Всероссийская научно-техническая конференция студентов, аспирантов и молодых ученых «Наука и молодежь - 2012», Барнаул (2012); Первая всероссийская научная конференция молодых ученых с международным участием «Перспективные материалы в технике и строительстве», Томск (2013); IX Всероссийская научно-техническая конференция студентов, аспирантов и молодых ученых «Наука и молодежь - 2013», Барнаул (2013); Международная школа-семинар «Ломоносовские чтения на Алтае - 2013», Барнаул (2013); XXII Уральская школа металловедов-термистов «Актуальные проблемы физического металловедения сталей и сплавов», Орск (2014); XII International symposium on explosive production of new materials: science, technology, business and innovations, Cracow, Poland (2014); XIII международная школа-семинар «Эволюция дефектных структур в конденсированных средах», Барнаул (2014); Международная научная конференция молодых ученых «Перспективные материалы в строительстве и технике», Томск (2014).

Публикации. Результаты диссертационной работы опубликованы в 21 научном труде. Число публикаций в журналах, рекомендованных ВАК Минобрнауки РФ, составляет 11.

Структура и объем работы. Диссертация состоит из введения, пяти глав, заключения и списка литературы из 174 наименований. Работа изложена на 125 страницах машинописного текста, содержит 4 таблицы и 33 рисунка.

Работа выполнена в рамках научного проекта №166 программы Министерства образования и науки РФ «Формирование государственных заданий высшим учебным заведениям в части проведения научно-исследовательских работ» и при финансовой поддержке грантов РФФИ №13-02-00301-а, №14-02-98000-р сибирь а, №14-08-90416-Укр а.

Работа выполнена в коллективе научной школы заслуженного деятеля науки РФ, д.ф.-м.н., профессора М.Д.Старостенкова.

СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Во введении обосновывается актуальность исследуемой проблемы, сформулирована цель диссертационной работы, описаны научная новизна, научная и практическая ценность, основные защищаемые положения. Дается краткое содержание работы по главам.

В первой главе диссертации проводится обзор экспериментальных и теоретических данных о структуре границ раздела в металлических материалах: границ зерен и фаз, и их влиянии на свойства материалов. Рассматриваются современные представления о диффузии вдоль границ раздела. В конце первой главы сделана постановка задачи.

На границе фаз может возникнуть ситуация, качественно аналогичная той, которая имеет место на границе кристаллов одной фазы, то есть на границах зерен. В связи с этим в определенных условиях возможно ускорение диффузионного переноса вещества вдоль межфазных границ, что имеет подтверждение в экспериментальной практике [2]. Принципиальное отличие между границами фаз и границами зерен заключается в том, что вторая фаза, как правило, существует в виде изолированного включения в матрице, то есть границы фаз не образуют единой разветвленной сети, подобно границам зерен. Кроме того дислокации, характерные для межфазных границ, образуются не только в результате разориентации контактирующих кристаллов (как в случае границ зерен), но и вследствие несоответствия параметров решеток фаз (так называемые дислокации несоответствия). Из-за несовершенства структуры границы фаз могут обнаруживать высокую диффузионную проницаемость, в некоторых случаях даже более высокую, чем границы зерен [2].

На рис.1 изображен пример электронно-микроскопического изображения атомной структуры полукогерентной межфазной границы InSb GaAs, взятый



Рис.1. Фотография дислокаций несоответствия на межфазной границе в плоскости (111), полученная с помощью электронного микроскопа. Фотография взята из работы [3].

из работы [3]. На фотографии отчетливо видны дислокации несоответствия. Данный тип дислокаций (вершинные, по две дислокации, имеющие общее ядро) характерен для сечения (111) ГЦК кристаллов. Например, в [4] говорится, что в сечении (111) подобные «60градусные» дислокации наблюдаются наиболее часто.

Вторая глава посвящена проблеме моделирования межфазных границ в металлах. В главе приводится описание метода молекулярной динамики, обосновывается выбор потенциала межатомного взаимодействия, описываются ме-

тодика построения и особенности моделей межфазных границ в металлах, используемых в настоящей работе.

В настоящей работе рассматривались границы Ni-Al, Cu-Au, Ni-γFe. Выбранные ГЦК металлы имеют следующие параметры решеток: Ni – 3,524 Å и Al – 4,05 Å (отличие 14,9%), Cu – 3,615 Å и Au – 4,078 Å (отличие 12,8%), Ni – 3,524 Å и γ-Fe – 3,637 Å (отличие 3,2%) [5]. Отличие параметров решеток приводит к формированию дислокаций несоответствия на межфазной границе: чем выше это отличие, тем, очевидно, выше плотность дислокаций.

Для исследования атомной структуры и процессов, происходящих вблизи рассматриваемых границ в условиях термоактивации и деформации, компьютерное моделирование проводилось с помощью как двумерных, так и трехмерных моделей. Двумерная модель, несмотря на очевидно меньшую достоверность по сравнению с трехмерной моделью, обладает важным преимуществом: размером (можно моделировать гораздо более длинную границу) и наглядностью (визуализация структуры существенно проще).

В трехмерной модели рассматривались ориентации межфазной границы в плоскостях (100) и (111). Межфазная граница создавалась в центре расчетного блока (рис.2). Размеры блока подбирались таким образом, чтобы вдоль межфазной границы можно было использовать периодические граничные условия

(размеры границы должны были быть кратны межатомным расстояниям обеих фаз). То есть вдоль осей Х и Y на рис.2 имитировалось бесконечное повторение расчетного блока. Вдоль оси Z были наложены жесткие условия, атомы вблизи границ расчетного блока. параллельных плоскости границы, процессе в компьютерного эксперимента оставались неподвижными. Количество атомов в расчетном блоке составляло около 30000.



Рис.2. Расчетный блок с межфазной границей Ni-Al (100). Атомы, окрашенные в темно-серый цвет, в процессе компьютерного эксперимента оставались неподвижными.

Для приведения структуры расчетного блока в равновесное состояние (в данных условиях) проводилась структурная релаксация. В результате релаксации температура расчетного блока повышалась, поэтому после ее завершения расчетный блок охлаждался до 0 К. Шаг интегрирования по времени в методе молекулярной динамики в большинстве случаев был равен 5 фс (5·10⁻¹⁵ с).

При создании межфазной границы разориентация контактирующих кристаллов не производилась, поскольку было выяснено, что, например, для границы Ni-Al при любой разориентации алюминий вблизи границы стремиться имитировать кристаллическую ориентацию никеля. В результате этого, если Al первоначально был разориентирован относительно Ni, в Al образовывалась граница зерен, параллельная межфазной границе. Данное явление, по всей видимости, обусловлено относительно высокой энергией связи Ni-Al по сравнению со связями Ni-Ni и Al-Al.

Для описания межатомных взаимодействий в настоящей работе использовались парные потенциальные функции Морза:

$$\varphi_{KL}(r) = D_{KL}\beta_{KL} \exp(-\alpha_{KL}r)[\beta_{KL} \exp(-\alpha_{KL}r) - 2], \qquad (1)$$

где α_{KL} , β_{KL} , D_{KL} – параметры, определяющие взаимодействие пары атомов сорта *K* и *L*; *r* – расстояние между атомами. Параметры потенциалов Морза были взяты из работы [6].

Третья глава диссертации посвящена исследованию методом молекулярной динамики механизмов диффузии и пластической деформации вблизи межфазных границ Ni-Al, Cu-Au, Ni-Fe в двумерной модели.

При исследовании диффузии вблизи межфазной границы в условиях твердофазного контакта в двумерной модели межфазная граница создавалась посередине расчетного блока, содержащего около 10000 атомов. Рассматривались различные ориентации межфазной границы. Вдоль границы задавались периодические граничные условия, поперек – гибкие, позволяющие расчетному блоку изменять объем.

В процессе первоначальной структурной релаксации при низкой температуре, в ходе которой происходило сопряжение контактирующих фаз, на межфазной границе формировались дислокации несоответсвия (рис.3).



Рис.3. Дислокации несоответствия на межфазных границах Ni-Al, ориентированных вдоль направлений <110> (а) и <112> (б) в плоскости (111) ГЦК решетки. Атомы Ni – черные, Al – серые.

Из наблюдения динамики системы в процессе эксперимента было обнаружено, что в диффузии вблизи межфазной границы до температуры плавления Al определяющую роль играют дислокации несоответствия. Основными механизмами диффузии в двумерной модели являлись циклические смещения атомов вблизи ядра одной дислокации (рис.4а) и образование цепочек последовательно смещенных атомов от одной дислокации к другой (рис.4б). В процессе взаимной диффузии, в результате образования гетерогенных связей Ni-Al, дислокации несоответствия перемещались (переползали) в сторону Al. Однако при этом диффузия также протекала за счет образования цепочек смещенных атомов либо вблизи одной дислокации (циклический механизм), либо между двумя дислокациями (рис.4в).



Рис.4. Примеры реализации механизмов диффузии по межфазной границе при твердофазном контакте: а) циклические смещения атомов вблизи ядра дислокации несоответствия; б, в) образование цепочки последовательно смещенных атомов от одной дислокации к другой.

При исследовании механизма пластической деформации рассматривались два направления деформирования расчетного блока: сжатие-растяжение перпендикулярно межфазной границе и вдоль нее. В первом случае вдоль границы задавались периодические граничные условия, поперек - гибкие, позволяющие расчетному блоку изменять объем. Во втором случае поперек границы задавались свободные условия, что позволяло дислокациям образовываться не только внутри расчетного блока, но и со свободной поверхности. Деформация в модели задавалась двумя способами: с помощью перемещения с постоянной скоростью «зажимов» (приграничных атомов) на противоположных сторонах расчетного блока или посредством изменения межатомных расстояний вдоль рассматриваемого направления в стартовой конфигурации расчетного блока.

Пластическая деформация с участием границы фаз играет ключевую роль, например, при сварке взрывом. В этом случае образуется прочное соединение металлических тел при высокоскоростном соударении со скоростями порядка 0,1–1 км/с [7]. При таких скоростях в зоне контакта имеет место сильная пластическая деформация вплоть до локального плавления. В большинстве случаев отмечается, что шов при сварке взрывом получается бездиффузионный, но очень высокой прочности. При моделировании соударения двух металлов с указанными скоростями было выяснено, что в этом случае заполняется большинство пустот и неровностей на границе, т.е. площадь контакта двух фаз на атомном уровне получается достаточно большой для прочного соединения. Кроме того, при соударении с высокой скоростью или сильном сжатии металлов перпендикулярно границе образуются пластические сдвиги, периодически повторяющиеся вдоль границы, причем период повторяемости подобных сдвигов кратен периоду повторяемости дислокаций несоответствия (рис.5).



Рис.5. Образование периодических сдвигов вблизи межфазной границы при соударении металлов Ni (черные атомы) и Fe (серые атомы) перпендикулярно границе со скоростью 500 м/с.

При растяжении перпендикулярно границе разрыв начинается вблизи ядер дислокаций несоответствия (рис.6). В зависимости от энергии связи атомов разного сорта поры при разрыве возникают в области ядер дислокаций либо на самой границе при относительно слабой энергии связи (например, на границе Ni-Fe) (рис.6а), либо, при сравнительно высокой энергии связи разнородных атомов, вблизи ядер, но в том металле, который имеет меньший модуль упругости (рис.6 б, в).



Рис.6. Появление пор вблизи межфазной границы при разрушении при растяжении в направлении перпендикулярном границе: а) Ni (черные атомы) - Fe (серые атомы); б) Au (черные атомы) - Cu (серые атомы); в) Ni (черные атомы) - Al (серые атомы).

При деформировании вдоль межфазной границы пластические сдвиги также начинались от дислокаций несоответствия. На рис.7 изображены расположение дислокаций и атомные смещения в расчетном блоке на начальной стадии пластической деформации при растяжении вдоль межфазной границы. На рисунках видно, что пластические сдвиги инициируются на дислокациях несоответствия и имеют клиновидную форму. Механизм образования пластических сдвигов зависит от энергии связи разнородных атомов, соотношения параметров решеток и модулей упругости. Так, для межфазной границы Ni-Fe характерен разрыв связей в Fe вблизи ядер дислокаций, после чего в нем возникают клиновидные сдвиги, распространяющиеся от первоначального положения ядер дислокаций (рис.7а). Для границы Au-Cu в тех же условиях характерным было перемещение дислокаций с межфазной границы в объем Аu (рис.7б). Причина этого в том, что при одной и той же нагрузке различные металлы деформируются по разному, и наоборот, при одной и той же степени деформации внутренние напряжения в разных металлах отличаются. Похожий механизм наблюдался при растяжении вдоль границы биметалла Ni-Al (рис.7в). В этом случае половина дислокаций несоответствия мигрировала в Al. Во всех рассмотренных биметаллах пластическая деформация при растяжении начиналась со стороны того металла, который имел больший параметр решетки.



Рис.7. Пластические сдвиги при растяжении вдоль межфазной границы. Слева расположение дислокаций, справа изображения атомных смещений. а) Ni (вверху, черные атомы) - Fe (внизу, серые атомы); б) Au (вверху, черные атомы) - Cu (внизу, серые атомы); в) Ni (вверху, черные атомы) - Al (внизу, серые атомы).

При сжатии вдоль межфазной границы наблюдались аналогичные клиновидные пластические сдвиги, начинающиеся от дислокаций несоответствия. Но при сжатии, в отличие от растяжения, они сначала возникали, как правило, в металле, имеющем меньший параметр решетки. По всей видимости, это обусловлено тем, что при той же степени деформации в таких металлах возникают более высокие внутренние напряжения из-за относительно меньшего межатомного расстояния. Плотность дислокаций несоответствия, как и при растяжении, на самой границе уменьшалась, - они распределялись на некотором удалении от границы. При дальнейшем развитии деформации в обоих металлах возникали пластические сдвиги, распространяющиеся от свободных поверхностей. При этом они коррелировали со сдвигами, возникшими от дислокаций несоответствия, и имели зачастую тот же или кратный период повторяемости. Четвертая глава посвящена исследованию структуры и диффузионной проницаемости межфазных границ Ni-Al, Cu-Au, Ni-γFe (100) и (111) в трехмерной модели. В главе проводится расчет характеристик диффузии вдоль рассматриваемых границ, определяется ведущий механизм диффузии. Вторая часть главы посвящена исследованию взаимодействия точечных дефектов с межфазными границами.

В процессе структурной релаксации (пример расчетного блока изображен на рис.2), в ходе которой происходило сопряжение фаз, на межфазной границе образовывались дислокации несоответствия (рис.8-9).



Рис.8. Изображение дислокаций несоответствия на границах Ni-Al (100) (a) и (111) (б) с помощью визуализатора свободного объема (чем темнее атом, тем больше вокруг него свободного объема). Серыми жирными линиями показано положения дислокаций несоответствия.



Рис.9. Дислокации несоответствия в проекции расчетного блока, содержащего границу Ni-Al (100), на плоскость (110).

На рис.8 изображены распределения свободного объема в плоскости межфазной границы Ni-Al. Визуализация свободного объема осуществлялась путем расчета среднего расстояния от каждого атома до ближайших атомов. Если среднее расстояние незначительно отличалось от расстояния, соответствующего идеальному кристаллу, атом не изображался. В противном случае атом закрашивался в тот или иной оттенок серого цвета.

На рис.8 отчетливо видны ядра дислокаций несоответствия (выделены серыми жирными линиями), которые в случае границы (100) образуют сетку с квадратными ячейками, состоящую из двух систем дислокаций, а в случае границы (111) – сетку с треугольными ячейками, состоящую из трех систем дислокаций. Дислокации краевые, что хорошо видно на рис.9, где изображена проекция расчетного блока, содержащего границу Ni-Al (100), на плоскость (110). Дислокации несоответствия, изображенные на рис.9, аналогичны тем, которые наблюдаются в реальном эксперименте (рис.1).

Для границы Cu-Au были получены аналогичные картины, с тем отличием, что размеры ячеек дислокационных сеток были больше в связи с меньшей разностью параметров решеток Cu и Au.

Параметры решеток Ni и γ-Fe имеют близкие значения (отличие всего 3,2%), в связи с чем плотность дислокаций несоответствия на границе Ni-γFe была существенно меньше, чем на границах Ni-Al и Cu-Au. Кроме этого, дислокации зачастую не образовывали геометрически правильную сетку, как в случае границ Ni-Al и Cu-Au.

При исследовании диффузии вдоль межфазной границы для каждой заданной температуры в конце молекулярно-динамического эксперимента продолжительностью 200-400 пс рассчитывался коэффициент диффузии отдельно для атомов разного сорта. Температура в процессе эксперимента удерживалась постоянной. Коэффициент диффузии вдоль плоскости XY (плоскости границы) (рис.2) рассчитывался как среднее арифметическое коэффициентов диффузии вдоль осей X и Y:

$$D = \frac{\sum_{i=1}^{N} (x_{0i} - x_i)^2 + \sum_{i=1}^{N} (y_{0i} - y_i)^2}{4tN} , \qquad (2)$$

где x_{0i} , y_{0i} – координаты начального положения *i*-го атома; x_i , y_i – координаты *i*-го атома в момент времени *t*; N – число атомов в расчетном блоке.

При расчете коэффициента диффузии полагалось, что ширина межфазной границы 5 Å. Такая же ширина принималась в большинстве работ, посвященных диффузии вдоль границ раздела.

В целом, вдоль границ (111), несмотря на, казалось бы, более высокую плотность атомов в указанной плоскости, во всех случаях диффузия протекала интенсивнее, чем вдоль границ (100). По всей видимости, это обусловлено более высокой плотностью дислокаций несоответствия на границе (111) по сравнению с границей (100) (рис.8).

По наклону зависимостей $\ln(D)$ от T^1 были найдены энергии активации диффузии отдельно для атомов разного сорта. Вдоль межфазной границы Ni-Al (100): 0,5 эВ для Ni и 0,2 эВ для Al; вдоль границы Ni-Al (111): 0,5 и 0,3 эВ соответственно. Полученные значения близки значениям энергии активации диффузии по границам зерен в интерметаллиде Ni₃Al [8]: в зависимости от угла разориентации зерен энергия миграции атомов Al находится в диапазоне 0,2-0,3 эВ, атомов Ni – 0,1-0,3 эВ. Следовательно, диффузионная проницаемость межфазных границ сравнима с проницаемостью границ зерен.

Для границ Cu-Au (100) и (111) были получены следующие значения энергии активации миграции атомов Cu и Au: 0,1 эВ и 0,2 эВ соответственно. Для границ Ni-γFe (100) и (111) энергия активации атомов Ni и Fe имела близкие значения порядка 0,1 эВ.

Атомный механизм диффузии исследовался с помощью визуализатора атомных смещений относительно начальных положений. Смещения атомов визуализировались программой непосредственно в процессе компьютерного эксперимента, что позволяло наблюдать смещения атомов в динамике.

Было выяснено, что дислокации несоответствия играют ключевую роль в диффузии вблизи межфазной границы в условиях твердофазного контакта. Это согласуется с выводами, сделанными ранее с использованием двумерной модели. На рис.10 изображены примеры картин атомных смещений вдоль межфазной границы в процессе компьютерного эксперимента. Как видно, смещения атомов происходят преимущественно вдоль ядер дислокаций несоответствия. Более отчетливо это видно на примере границы (100) (рис.10а), где плотность дислокаций не такая высокая, как в случае границы (111). Следует заметить, что местоположение самих ядер дислокаций со временем может колебаться, как это видно на рис.10а, что делает диффузионный канал (канал преимущественной миграции атомов) шире с ростом температуры. Для границ (111) характерными являлись кооперативные вихревые смещения атомов, причем размер подобных «вихрей» совпадал с размером ячеек дислокационной сетки (рис.10б).



Рис.10. Миграции атомов в плоскости межфазной границы: a) Ni-Al (100) при температуре 700 К в течение 40 пс (серыми жирными прерывистыми линиями показаны примерные положения дислокаций несоответствия); б) Cu-Au (111) при температуре 900 К в течение 150 пс. Смещения атомов изображены черными отрезками.

Межфазные границы являются эффективными источниками и стоками дислокаций и точечных дефектов. Знание энергетических характеристик взаимодействия дефектов с границами раздела необходимо для теоретического описания и моделирования процессов, связанных с диффузией, деформацией, радиационным повреждением и др. В настоящей работе было проведено исследование методом молекулярной динамики взаимодействия точечных дефектов с межфазной границей Ni-Al.

При расчете энергии связи точечных дефектов с межфазной границей Ni-Al в расчетный блок вводилась одна вакансия или один межузельный атом в три различные позиции в границе: в ядро краевой дислокации, в узел и в центр ячейки дислокационной сетки (рис.8). После введения точечного дефекта проводилась структурная релаксация, после которой расчетный блок охлаждался до 0 К. Энергия связи точечного дефекта с межфазной границей – это работа, которую необходимо затратить, чтобы удалить данный дефект из границы в объем кристалла. Энергия связи E_b рассчитывалась по формуле

$$E_b = U_{bv0} - U_{bv} \quad , \tag{3}$$

где U_{bv0} – потенциальная энергия расчетного блока, содержащего межфазную границу и точечный дефект, находящийся в объеме блока на достаточном расстоянии от границы; U_{bv} – потенциальная энергия расчетного блока, содержащего межфазную границу и точечный дефект, находящийся в границе. При получении величин U_{bv0} и U_{bv} проводилась релаксация структуры с последующим охлаждением до 0 К.

Потенциальная энергия U_{bv0} рассчитывалась для двух случаев: когда точечный дефект вводится в объем Al (U_{bv0}^{Al}) и объем Ni (U_{bv0}^{Ni}). Это было сделано для оценки энергии связи точечного дефекта с границей, находящегося первоначально в разных металлах: Ni или Al. Полученные значения энергии связи точечных дефектов с различными позициями в межфазных границах Ni-Al (100) и (111) приведены в таблицах 1 и 2.

Таблица 1

| - | | | | | |
|-----------------------------------|-------|-------|-------------|------|--|
| Henry reharm | Ni-Al | (100) | Ni-Al (111) | | |
| позиция дефекта | Al | Ni | Al | Ni | |
| центр ячейки дислокационной сетки | -0,53 | 1,91 | -0,78 | 2,01 | |
| ядро дислокации | 0,51 | 2,35 | -0,17 | 2,01 | |
| узел дислокационной сетки | 6,22 | 6,72 | 0,61 | 3,19 | |

Энергия связи вакансии с межфазной границей Ni-Al (эВ)

Таблица 2

Энергия связи межузельного атома с межфазной границей Ni-Al (эВ)

| Dooung roborro | Ni-Al | (100) | Ni-Al (111) | | |
|---|-------|-------|-------------|------|--|
| Позиция дефекта центр ячейки дислокационной сетки ядро дислокации | Al | Ni | Al | Ni | |
| центр ячейки дислокационной сетки | 3,72 | 5,41 | 3,27 | 4,92 | |
| ядро дислокации | 3,05 | 5,99 | 3,43 | 3,42 | |
| узел дислокационной сетки | 5,21 | 7,23 | 3,44 | 5,43 | |

Согласно полученным данным, энергия связи, как вакансий, так и межузельных атомов наибольшая с узлами дислокационной сетки. При введении точечных дефектов в область межфазной границы они, как правило, мигрировали в процессе компьютерного эксперимента в ближайший узел дислокационной сетки. Как видно из таблиц, энергия связи с узлами сетки обоих типов дефектов, несмотря на значительное различие их энергии образования, оказалась близка и существенно выше их энергии образования. Столь высокие значения энергии связи объясняются, по всей видимости, более глубоким потенциалом взаимодействия Ni-Al по сравнению со связями Ni-Ni и Al-Al, – миграция дефекта из объема в границу приводит к образованию или исчезновению связей типа Ni-Al, энергия которых выше связей Ni-Ni и Al-Al. По этой же причине энергия связи вакансии в Al с центром ячейки дислокационной сетки отрицательна.

В пятой главе приведены результаты исследования процессов, происходящих вблизи межфазной границы Ni-Al, в условиях внешних экстремальных воздействий. Первая часть главы посвящена исследованию диффузии вдоль рассматриваемых границ в условиях одноосной деформации. Вторая часть – исследованию торможения границей каскадов атом-атомных соударений.

Одноосная деформация сжатия или растяжения в модели задавалась путем соответствующего изменения межатомных расстояний вдоль оси X или Y (рис.2), то есть рассматривалась деформация вдоль межфазной границы.

При деформации происходило изменение структуры дислокационной сетки. На рис.11 изображены примеры картин атомных смещений вдоль межфазных границ Ni-Al (100) и (111) в условиях деформации. Траектории атомных смещений имеют направления, что и ядра дислокаций несоответствия. Однако, как это видно из рисунков, зачастую эти смещения не совпадали с первоначальными положениями ядер, соответствующих отсутствию деформации, что свидетельствует о смещении дислокаций, т.е. искривлению дислокационной сетки, в результате деформации.



Рис.11. Миграция атомов в плоскости межфазной границы Ni-Al в условиях деформации: а) (100) при температуре 700 К в течение 250 пс; б) (111) при температуре 900 К в течение 300 пс. Смещения атомов изображены черными отрезками. Серыми жирными прерывистыми линиями показаны положения дислокаций несоответствия в отсутствие деформации.

Для различных значений температуры в конце молекулярнодинамического эксперимента рассчитывался коэффициент диффузии отдельно для атомов Ni и Al. По наклону зависимостей $\ln(D)$ от T^1 были найдены энергии активации диффузии. Полученные значения для стартового значения деформации 3% приведены в таблице 1.

Таблица 3

| Jenobiani odnocenci depopriadim 570,02 | | | | | | | | |
|--|-------|---------|-------|---------|-------|---------|-------|---------|
| Вид | (100) | | | | (111) | | | |
| | Ni | | Al | | Ni | | Al | |
| деформации | E_x | E_{y} | E_x | E_{y} | E_x | E_{y} | E_x | E_{v} |
| норм. состояние | 0,48 | | 0,22 | | 0,52 | | 0,32 | |
| растяж. 3% Х | 0,24 | 0,32 | 0,28 | 0,19 | 0,40 | 0,31 | 0,24 | 0,27 |
| сжатие 3% Х | 0,52 | 0,42 | 0,32 | 0,29 | 0,48 | 0,58 | 0,36 | 0,33 |
| растяж. 3% Ү | 0,36 | 0,25 | 0,21 | 0,26 | 0,45 | 0,38 | 0,30 | 0,28 |
| сжатие 3% Ү | 0,50 | 0,53 | 0,26 | 0,31 | 0,53 | 0,47 | 0,32 | 0,42 |

| Энергия активации диффузии атомов Ni и Al вдоль границ Ni-Al (100) и (11) | 1) в |
|---|------|
| условиях одноосной деформации 3%, эВ | |

Разброс полученных данных (вызванный, в частности, различным искажением дислокационной сетки при разных температурах) довольно большой, что усложняет оценку качественных закономерностей. Тем не менее, из таблицы видно, что растяжение приводит к снижению энергии активации и интенсификации диффузии, сжатие – наоборот (речь, разумеется, не идет о деформациях, соответствующих образованию интенсивных пластических сдвигов). Данный результат согласуется с экспериментальными данными, например [9], где рассматривается влияние упругой деформации на самодиффузию в поликристалле. Из таблицы 3 также видно, что для атомов Al энергия активации меньше, чем для атомов Ni. Анизотропия диффузии при деформации выявлена не была.

В настоящей работе было проведено исследование способности межфазной границы Ni-Al (100) тормозить каскады атом-атомных соударений, возникающих, например, при радиационном повреждении или облучении частицами с высокой энергией. Каскад атом-атомных соударений в модели инициировался путем задания одному из атомов, удаленных на определенное расстояние от межфазной границы, начальной скорости, достаточно большой, чтобы каскад был способен образовывать дефекты и преодолевать расстояние, превышающее расстояние до межфазной границы. В работе рассматривалось несколько значений энергии первично выбитого атома (ПВА): от 200 до 1300 эВ. Варьировалось также расстояние от ПВА до межфазной границы. При моделировании движения каскада шаг интегрирования по времени в методе молекулярной динамики задавался равным 0,5 фс ($5 \cdot 10^{-16}$ с).

На рис.12 изображен пример атомных смещений из начальных положений при прохождении каскада атом-атомных соударений при энергии ПВА 920 эВ. На рисунке видно, что межфазная граница рассеивает часть энергии каскада –



Рис.12. Атомные смещения из начальных положений (показаны отрезками) при прохождении каскада атом-атомных соударений при энергии ПВА 920 эВ. Кружком и стрелкой обозначено место и направление инициации каскада (ПВА). Серой прерывистой линией показано положение межфазной границы. На рисунках Ni слева, Al справа.

сравнительно высокая доля атомных смещений сосредоточена в области границы. После остановки каскада атом-атомных соударений точечные дефекты, вакансии и межузельные атомы, образовавшиеся в результате разрушения кристаллической решетки каскадом, мигрируют и либо сорбируются стоками (другими дефектами), либо образуют комплексы точечных дефектов. В данном случае эффективным стоком точечных дефектов является сама межфазная граница, точнее ядра и узлы сетки дислокаший несоответствия.

Для количественной оценки вклада межфазной границы в торможение каскада атом-атомных соударений проводился расчет доли изменения потенциальной

энергии во второй фазе (первая фаза – фаза, где был инициирован каскад) по сравнению с изменением энергии всего расчетного блока:

$$\gamma = \frac{\Delta U_2}{\Delta U_1 + \Delta U_2} \cdot 100\% \quad , \tag{4}$$

где ΔU_1 и ΔU_2 - изменения потенциальной энергии отдельно 1-й и 2-й фаз. Движение каскада моделировалось при температуре 300 К.

На рис.13 приведены зависимости величины γ от расстояния между ПВА и межфазной границей. На рис.13а изображены зависимости, полученные в случае инициации каскада напротив центра ячейки дислокационной сетки, на рис.136 – напротив узла сетки (рис.8).

Согласно полученным данным, с ростом l, то есть по мере удаления места инициации каскада от межфазной границы, доля разрушений во второй фазе уменьшается, что, очевидно, связано с частичным гашением каскада в первой фазе. Эта зависимость сильнее проявляется при инициировании каскада напротив центра ячейки дислокационной сетки, то есть напротив места с хорошим сопряжением структуры на границе. Последнее обусловливает сравнительно меньшее сопротивление проникновению каскада во вторую фазу. С увеличением расстояния от ПВА до границы резко увеличивается вероятность изменения первоначального направления каскада и его рассеивание (вследствие столкновения атомов), в результате чего каскад (имеются в виду наиболее подвижные атомы в каскаде) частично пересекает межфазную границу не только в центре ячейки, но и вблизи дислокаций несоответствия. Поэтому при расстояниях от ПВА до границы свыше 35 Å графики на рис.13а и рис.13б похожи.

При инициировании каскада в Al в направлении границы Ni-Al были получены аналогичные зависимости с той разницей, что величина γ , как правило, была сравнительно ниже, что, видимо, было обусловлено более плотной структурой Ni по сравнению с Al.



Рис.13. Зависимости величины γ от расстояния между ПВА и межфазной границей / при инициации каскада в Ni напротив: a) центра ячейки дислокационной сетки; б) узла дислокационной сетки.

ОСНОВНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ И ВЫВОДЫ

1. С помощью двумерной молекулярно-динамической модели показано, что диффузия вдоль полукогерентной межфазной границы осуществляется посредством циклических смещений атомов вблизи ядер дислокаций несоответствия и образования цепочек последовательно смещенных атомов от одной дислокации к другой. Вероятность реализации последнего механизма зависит от плотности дислокаций несоответствия.

2. Пластические сдвиги и разрушение кристаллической решетки вблизи межфазной границы инициируются вблизи ядер дислокаций несоответствия. В результате возникновения различных по величине напряжений в контактирующих фазах при одной и той же степени деформации возможна миграция части дислокаций несоответствия с границы в объем одной из фаз.

3. На межфазных границах Ni-Al, Cu-Au, Ni-γFe формируется сетка краевых дислокаций несоответствия: квадратная из двух систем дислокаций для границы (100) и треугольная из трех систем для границы (111). Структура дислокационных сеток определяет многие процессы, протекающие в области границ: диффузию, деформацию, взаимодействие с другими дефектами и т.д.

 Для рассматриваемых межфазных границ получены значения энергии миграции атомов разного сорта вдоль границ в условиях твердофазного контакта. Границы, ориентированные в плоскости (100), имеют меньшую плотность дислокаций несоответствия по сравнению с границами (111), в связи с чем диффузия вдоль них протекает сравнительно менее интенсивно.

5. В случае границ (100) миграция атомов в процессе диффузии происходит преимущественно посредством кооперативного смещения атомов вдоль ядер дислокаций несоответствия с образованием цепочек смещенных атомов, начинающихся и заканчивающихся в узлах дислокационной сетки. Для границ (111) характерным является образование кооперативных вихревых смещений атомов, причем размер данных «вихрей» совпадает с размером ячеек дислокационной сетки.

6. Найдены значения энергии связи точечных дефектов с межфазными границами Ni-Al (100) и (111). Энергия связи вакансий и межузельных атомов наибольшая с узлами сетки дислокаций несоответствия. Вблизи межфазной границы точечные дефекты стремятся мигрировать в ближайший узел дислокационной сетки.

7. В условиях деформации происходит искажение сетки дислокаций несоответствия. Растяжение приводит к снижению энергии активации и интенсификации диффузии вдоль межфазной границы. При сжатии, наоборот, энергия активации повышается.

8. При исследовании взаимодействия каскада атом-атомных соударений с межфазной границей выяснено, что межфазная граница частично поглощает энергию каскада атом-атомных соударений. Степень поглощения энергии каскада межфазной границей повышается с ростом структурного несовершенства границы и плотности дислокаций несоответствия, увеличением расстояния от места инициации каскада до границы.

ЛИТЕРАТУРА

1. Каур И., Густ В. Диффузия по границам зерен и фаз. - М.: Машиностроение, 1991. - 448 с.

2. Бокштейн Б.С. Диффузия в металлах. - М.: Металлургия, 1978. - 248 с.

3. *Gutakovsky A.K., Fedina L.I., Aseev A.L.* High resolution electron microscopy of semiconductor interfaces // Physica Status Solidi (A). - 1995. - V.150. - P. 127-140.

4. *Huang J.Y., Zhu Y.T., Jiang H., Lowe T.C.* Microstructures and dislocation configurations in nanostructured Cu processed by repetitive corrugation and straightening // Acta Materialia. - 2001. - V.49. - P. 1497-1505.

5. Киттель Ч. Введение в физику твердого тела. М.: Наука, 1978. - 792 с.

6. *Царегородцев А.И., Горлов Н.В., Демьянов Б.Ф., Старостенков М.Д.* Атомная структура АФГ и ее влияние на состояние решетки вблизи дислокации в упорядоченных сплавах со сверхструктурой L1₂// Физика металлов и металловедение. - 1984. - Т.58, №2. - С. 336-343.

7. Захаренко И.Д. Сварка металлов взрывом. - Минск: Навука і тэхніка, 1990. - 205 с.

8. Харина Е.Г., Старостенков М.Д., Полетаев Г.М., Ракитин Р.Ю. Энергия активации самодиффузии по симметричным границам зерен наклона <111> в интерметаллиде Ni₃Al // Физика твердого тела. - 2011. - Т.53, №5. - С. 980-983.

9. Дранкин Б.М. О некоторых закономерностях диффузии в металлах // Фиика металлов и металловедение. - 1992. - №7. - С. 58-63.

Основные результаты диссертации изложены в следующих работах:

Статьи, опубликованные в журналах, рекомендованных ВАК Минобрнауки РФ:

1. Полетаев Г.М., Санников А.В. Исследование атомной структуры и диффузионной проницаемости межфазной границы Ni-Al (100) // Письма о материалах. -2012. - Т.2, №2. - С. 63-66.

2. Полетаев Г.М., Санников А.В., Микрюков В.Р. Исследование атомной структуры и диффузионной проницаемости межфазной границы Ni-Al // Фундаментальные проблемы современного материаловедения. - 2013. - Т.10, №1. - С. 112-116.

3. Полетаев Г.М., Дмитриенко Д.В., Дябденков В.В., Санников А.В., Старостенков М.Д., Ситников А.А. Молекулярно-динамическое исследование условий формирования бездисклинационных тройных стыков границ зерен в металлах // Фундаментальные проблемы современного материаловедения. - 2013. - Т.10, №3. - С. 380-385.

4. Полетаев Г.М., Дмитриенко Д.В., Санников А.В., Старостенков М.Д. Определение диффузионного радиуса и диффузионной проницаемости ненапряженных тройных стыков границ зерен в никеле в условиях деформации // Фундаментальные проблемы современного материаловедения. - 2014. - Т.11, №1. -С. 17-21.

5. Полетаев Г.М., Дмитриенко Д.В., Санников А.В., Кулабухова Н.А., Старостенков М.Д. Влияние упругой деформации на диффузионную проницаемость и диффузионный радиус тройных стыков границ зерен в никеле // Вестник алтайской науки. - 2014. - №1. - С. 282-287.

6. Санников А.В., Полетаев Г.М., Сосков А.А., Старостенков М.Д. Взаимодействие точечных дефектов с когерентными межфазными границами Ni-Al (100) и (111) // Фундаментальные проблемы современного материаловедения. - 2014. - Т.11, №3. - С. 317-321.

7. Санников А.В., Полетаев Г.М., Микрюков В.Р., Старостенков М.Д., Сосков А.А. Атомная структура и диффузионная проницаемость межфазных границ Ni-Al, Cu-Au, Ni-γFe // Известия вузов. Черная металлургия. - 2014. - Т.57, №8. -С. 56-59.

8. Sannikov A.V., Poletaev G.M., Mikrukov V.R., Starostenkov M.D., Soskov A.A. Atomic structure and diffusion permeability of Ni-Al, Cu-Au, Ni-γFe interphase boundaries // Известия вузов. Черная металлургия. - 2014. - Т.57, №8. - С. 66-68.

9. Poletaev G.M., Sannikov A.V., Berdychenko A.A., Starostenkov M.D. Molecular dynamics study of plastic deformation mechanisms near the interphase boundary in two-dimensional bimetallic systems // Materials Physics and Mechanics. - 2015. - V.22, No1. - P. 15-19.

10. *Poletaev G., Sannikov A.* Molecular dynamics study of diffusion along Ni-Al interphase boundary in the conditions of deformation // IOP Conf. Series: Materials Science and Engineering. - 2015. - V. 71. - 012079.

11. Полетаев Г.М., Санников А.В., Новоселова Д.В., Старостенков М.Д. Исследование торможения каскадов атом-атомных соударений межфазной границей Ni-Al (100) // Фундаментальные проблемы современного материаловедения. - 2015. - Т.12, №1. - С. 48-53.

Другие публикации:

12. Полетаев Г.М., Санников А.В. Исследование диффузии вдоль межфазной границы Ni-Al (100) // VI сессия Научного совета РАН по механике: материалы всероссийской конференции, Барнаул: Изд-во АлтГТУ, 2012. С. 61-63.

13. Санников А.В., Полетаев Г.М. Компьютерное моделирование диффузии вдоль межфазной границы Ni-Al (100) // Материалы первой международной конференции «Развитие нанотехнологий: задачи международных и региональных научно-образовательных и научно-производственных центров», Барнаул. - 2012. - С. 123-124.

14. Полетаев Г.М., Санников А.В. Атомная структура и диффузионная проницаемость межфазной границы Ni-Al (100) // Сборник материалов Научных чтений им. И.А.Одинга «Механические свойства современных конструкционных материалов», Москва. - 2012. - С. 193-195.

15. Санников А.В., Полетаев Г.М. Исследование атомной структуры межфазной границы Ni-Al (100) // Материалы трудов всероссийской молодежной научной школы «Актуальные проблемы физики», Таганрог-Ростов-на-Дону. - 2012. - С. 45-47.

16. Полетаев Г.М., Санников А.В., Микрюков В.Р. Исследование методом компьютерного моделирования атомной структуры и механизма диффузии вдоль межфазной границы Ni-Al // Сборник научных статей международной школысеминара «Ломоносовские чтения на Алтае». Часть II, Барнаул. - 2012. - С. 312-317.

17. Санников А.В., Полетаев Г.М., Микрюков В.Р. Атомная структура и диффузионная проницаемость межфазной границы Ni-Al / В кн.: «Высокие технологии в современной науке и технике». В 2-х т. / Под ред. В.В. Лопатина, А.Н. Яковлева. - Томск: Изд-во ТПУ. 2013. С. 425-428.

18. Санников А.В., Полетаев Г.М., Старостенков М.Д. Компьютерное моделирование атомной структуры и диффузионной проницаемости межфазной границы Ni-Al // Материалы первой всероссийской научной конференции молодых ученых с международным участием «Перспективные материалы в технике и строительстве». - Томск: Изд-во ТГАСУ, 2013. - С. 142-144.

19. Санников А.В., Полетаев Г.М. Исследование методом компьютерного моделирования взаимодействия точечных дефектов с межфазной границей Ni-Al // Сборник научных статей международной школы-семинара «Ломоносовские чтения на Алтае 2013». Часть I, Барнаул. - 2013. - С. 305-311.

20. Полетаев Г.М., Дмитриенко Д.В., Санников А.В., Кулабухова Н.А., Старостенков М.Д. Молекулярно-динамическое моделирование самодиффузии вдоль тройных стыков границ зерен в никеле в условиях упругой деформации // Материалы XXII Уральской школы металловедов-термистов «Актуальные проблемы физического металловедения сталей и сплавов». - Орск: Изд-во ОГТИ, 2014. -С. 31-34.

21. Poletaev G.M., Sannikov A.V., Berdychenko A.A., Kobzar L.M. Molecular dynamics of plastic deformation near the interphase boundary in clad metals: 2D modeling // Explosive Production of New Materials: Science, Technology, Business, and Innovations / Ed. A.A. Deribas and Yu.B. Scheck. - Cracow: NOKTURN, 2014. - P. 165-167.